

# Adaptive Schwellenwerte in komplexen Systemen

## Neuronale Systeme

In vielen Nervenzellen ist der Aktionspotential-Schwellenwert **nicht konstant**, sondern hängt von der bisherigen Membranspannung bzw. Aktivität ab. So zeigen experimentelle Messungen, dass schnelle Depolarisationen zu einem **niedrigeren** Schwellenwert führen als langsame (sog. dynamischer Spike-Threshold) <sup>1</sup>. Huang et al. (2016) fanden z.B., dass ein adaptiver Schwellenwert die neuronale Kodierung präziser macht – die Schwelle „jagt“ hier der Membranspannung nach und verbessert die Reizdiskrimination <sup>1</sup> <sup>2</sup>. Auch in Synapsenregeln ist ein adaptiver Schwellenwert etabliert: Nach dem BCM-Modell (Bienenstock-Cooper-Munro) hängt die LTP-/LTD-Schwelle  $\Theta$  von der langfristigen mittleren postsynaptischen Aktivität ab – sie ist eine Funktion der durchschnittlichen Aktivität und „rutscht“ je nach Voraktivierung <sup>3</sup> <sup>4</sup>. In einem neuen spiking-Netzwerkmodell passen die Autoren  $\Theta$  so an, dass nach kurzem Cluster-Aktivieren LTP stattfindet und bei anhaltender Aktivierung LTD einsetzt, was schließlich **metastabile Aktivitätszustände** und selbstorganisierte Clusterbildung erlaubt <sup>3</sup> <sup>5</sup>.

Ein weiteres Beispiel sind Hirnnetzwerke nahe kritischem Punkt: Meisel et al. zeigen, dass menschliche Gehirnetze normalerweise selbsttätig kritische Dynamik aufrechterhalten, aber bei epileptischen Anfällen diese **adaptive Selbstorganisation** (analogen eines adaptiven Schwellenwerts) versagt. Vor einem Anfall weicht die Aktivität vom kritischen Zustand ab, was auf eine Störung der adaptiven SOC-Mechanismen hinweist <sup>6</sup>. Zusammengefasst treten in neuronalen Systemen zahlreiche Mechanismen auf, bei denen Schwellenwerte dynamisch durch aktuelle Aktivität oder Feedback angepasst werden <sup>1</sup> <sup>3</sup>.

## Biologische Systeme

Auch im Immunsystem und in Genregulationsnetzen gibt es Hinweise auf adaptive Schwellen. Ein prominentes Beispiel sind T-Zell-Aktivierungsschwellen: Modelle zeigen, dass T-Lymphozyten ihre Empfindlichkeit durch **Threshold-Tuning** verändern können. van den Berg & Rand (2004) entwickeln ein Modell, in dem die Aktivierungsschwelle als emergente Eigenschaft der Signalwege fungiert. Ihr Ergebnis: Durch „schiebende“ Schwellen kann das Immunsystem bei wichtigen Antigenen empfindlich reagieren, gleichzeitig aber Toleranz gegenüber körpereigenen Stimuli behalten <sup>7</sup>. Das Modell zeigt, dass der Schwellenwert so verschiebbar ist, dass T-Zellen in verschiedenen Geweben einen einheitlichen Erkennungs-Schwellenwert behalten und dennoch Autoimmunität vermieden wird <sup>7</sup>.

In der Genregulation und Epigenetik finden sich ebenfalls Ansätze adaptiver Schwellen: Beispielsweise können epigenetische Schalter bistabile Schwelleneffekte („Kipp-Punkte“) besitzen, die von chromosomalen Modifikationen abhängen. Zwar sind konkrete Formulierungen noch Forschungsgegenstand, doch experimentelle Studien deuten an, dass die Umschalt-Schwelle bei Genen durch Rückkopplungskreise und Chromatin-Zustand verändert wird (z.B. Hysterese in Gen-Switches <sup>8</sup>). Solche Mechanismen – wenn auch noch unvollständig quantifiziert – zeigen, dass **Schwellen in biologischen Netzwerken oft als dynamische Größen modelliert werden** können.

## Physikalisch-soziale Systeme

Auch in komplexen physikalischen und sozialen Netzwerken gelten Schwellenwerte selten als starr. In Klimamodellen wird z.B. die kritische Temperatur für einen Tipping-Point durch Rückkopplungen verschoben. Bdolach et al. (2025) erweiterten ein Netzwerkmodell der Erdsystem-Kippelemente um eine **adaptive Kopplung** (globaler Temperatur-Feedback). Sie fanden, dass dieser adaptive Mechanismus die Wahrscheinlichkeit großer Kaskaden verringert und das System stabilisiert <sup>9</sup> – man kann dies als eine Verschiebung der wirksamen Schwellen interpretieren. Ebenso sprechen Studien zu Frühwarnindikatoren dafür, dass Ökosystemschnellen vom Umgebungszustand abhängen (z.B. dynamische Sensitivität vor Kipp-Überschreitung) <sup>9</sup>.

In sozialen Netzwerken existieren Modelle mit variablen Schwellen: So erweitert etwa Kan et al. (2022) das klassische Deffuant-Modell um einen adaptiven „Meinungsabstands“-Schwellenwert. Knoten lösen Verbindungen auf, wenn die Differenz zu ihren Nachbarn den Toleranzschwellen übersteigt, was die Netzwerkstruktur selbst dynamisch verändert <sup>10</sup>. In solchen Modellen stellt sich heraus, dass für Konsens ein größerer Toleranzbereich nötig ist, wenn Schwellen adaptiv wirken <sup>10</sup>. Ähnlich verwenden neuere kooperative Spielmodelle sog. **reputationsabhängige Schwellen**, bei denen die Interaktionsart (z.B. Kooperations- vs. Wettbewerbsmodus) von dynamischen Reputation-Schwellen abhängt <sup>11</sup>. All diese Beispiele zeigen, dass in sozialen bzw. kombinierten sozialen/physikalischen Modellen Schwellen **kontextabhängig** gewählt oder evolutionär angepasst werden, statt als fixe Konstanten zu gelten.

## Mathematische Modelle adaptiver Schwellenwerte

Eine formale Beschreibung adaptiver Schwellen kann vielfältig aussehen. Ein gängiger Ansatz ist, den Schwellenwert  $\Theta$  selbst als Funktion anderer Systemgrößen zu definieren. Beispiel: In synaptischen Lernregeln wie BCM ist  $\Theta$  eine Funktion des zeitlich gemittelten postsynaptischen Potentials <sup>3</sup>. Man kann dies allgemein schreiben als

$$\Theta_i(t) = f(x_i(t), \langle x_i \rangle, \dots),$$

etwa  $\Theta(t) = \Theta_0 + \alpha R(t)$  oder  $\Theta(t) = \tanh(g \cdot \bar{v}(t) - \gamma)$ , wobei  $R, \bar{v}$  Aktivitätsmaße sind <sup>3</sup> <sup>12</sup>. Ein anderes Beispiel sind Netzwerke adaptiver Kopplung: Dort kann etwa die kritische Kopplungsstärke (Schwelle) selbst von Systemgrößen wie magnetischer Suszeptibilität oder Entropie abhängen. Zwar gibt es kein einheitliches Modell, aber formal lässt sich etwa ein veränderlicher Schwellwert  $\Theta(\mathrm{Entropie}, \mathrm{Kopplung}, \dots)$  einführen.

**Gleichungsbeispiel:** In den obengenannten neuronalen Modellen kann ein adaptiver Schwellwert etwa durch eine Differentialgleichung beschrieben werden, z.B.

$$\tau_\Theta \frac{d\Theta}{dt} = -\Theta + f(R(t)),$$

so dass  $\Theta$  einer Funktion der Aktivität  $R$  folgt. Oder diskret:  $\Theta_{t+1} = \Theta_0 + \alpha R_t$ . Solche Formulierungen ließen sich in das vorhandene Schwellenfeldmodell integrieren, indem man z.B.  $\Theta_R$  von lokalen Feldgrößen (Ruheenergie  $R$ , Entropie  $S$ , Kopplung  $C$  etc.) abhängig macht.

## Metastabilität und Rückkopplungs-Effekte

Viele adaptive Schwellenmodelle bringen **metastabile Zustände** hervor. In neuronalen Netzwerken zielt etwa die oben erwähnte Plastizitätsregel darauf ab, dass Netzwerke nahe einer kritischen Linie

bleiben. Yang & La Camera (2024) zeigen, dass ihre Regel die Synapsengewichte so justiert, dass sie gerade an der Grenze zwischen LTP und LTD operieren – dies führt zu selbsttätiger Remodellierung und anhaltenden, räumlich segregierten Aktivitäts-Clustern (Metastabilität) <sup>3</sup> . In der Praxis bedeutet das: Nach einer lokalen Emergenz (Cluster-Aktivierung) verschiebt sich der Schwellenwert so, dass das Cluster abklingt (Long-Term Depression), was weiteres dynamisches Umschalten (Rückkehr zu früheren Zuständen) ermöglicht <sup>3</sup> <sup>13</sup> . Dieser Mechanismus erinnert an Hebbsche Lernregeln, die implizit einen laufend justierten Schwellenwert beinhalten (s.o. BCM).

Auch in kollektiven Systemen kann sich ein lokaler Schwellenübergang global bemerkbar machen und die Schwelle selbst verschieben. Zwar weniger formal belegt, wird beispielsweise postuliert, dass kollektive Entscheidungen von Bienenschwärmen dynamische Schwellen für Nestwahl haben. Hier ändern sich die Kriterien (Schwellenwerte) der einzelnen Bienen in Reaktion auf Pheromonspuren und Tänze, wodurch auf Ebene des Schwarms adaptiv optimale Entscheidungen entstehen. Ähnlich kann in Evolutionstheorien der Grad der Variabilität (Mutationsrate) adaptiv sein, was einer Verschiebung von Selektionsschwellen nach lokalen Anpassungen entspricht.

### Visualisierungsideen und Formalisierung

Adaptive Schwellen lassen sich in Grafiken als **verschobene Phasendiagramme** darstellen. Beispielsweise könnte man die Phasentransitionslinie  $\Theta = \text{const}$  auflösen und zeigen, wie sie sich als Funktion einer Systemgröße verschiebt (etwa  $T_c(\lambda)$  in einem Ising-ähnlichen Modell). Eine Tabelle fasst konkrete Beispiele zusammen:

System	Adaptiver Schwellen-Mechanismus	Quelle
Spiking-Neuronen	Schwellenwert als Funktion der Membrangeschwindigkeit (schnell $\Leftrightarrow$ tiefer) <sup>1</sup>	Huang et al. (2016) <sup>1</sup>
Synaptische Plastizität	BCM-Regel: $\Theta = f(\text{mittel. postsyn. Aktivität})$ <sup>3</sup>	Yang & La Camera (2024) <sup>3</sup>
T-Zell-Aktivierung	Dynamisches Threshold-Tuning für Empfindlichkeit <sup>7</sup>	van den Berg & Rand (2004) <sup>7</sup>
Klimatische Kippunkte	Globaler Temperatur-Feedback „verschiebt“ kritische Schwelle <sup>9</sup>	Bdolach et al. (2025) <sup>9</sup>
Meinungsbildung/Netzwerke	Adaptiver Meinungstoleranz- bzw. Reputations-schwellenwert <sup>10</sup>	Kan et al. (2021) <sup>10</sup>

Formalisierungen könnten in das bestehende Mandala-Schwellenfeldmodell integriert werden, indem man etwa die Parameter  $\Theta_R, \beta, c$  selbst zeitabhängig macht oder als Funktionen lokaler Feldgrößen ( $\langle R \rangle$ , Kopplung, Entropie etc.) definiert. Grafisch ließen sich z.B. **Zeitreihen der Schwellenwerte** neben den Feldstärken plotten, oder Phasenportraits, die Trajektorien relativ zu einer variablen Schwelle zeigen.

**Fazit:** In unterschiedlichsten Systemen – von Neuronen über Immunsystem bis hin zu Klima- und Sozialmodellen – gibt es sowohl experimentelle als auch theoretische Hinweise darauf, dass kritische Schwellen **adaptiv** sind und sich kontextabhängig verschieben. Modelle mit variablen Schwellenwerten (z.B. BCM oder adaptive SOC) können diese Phänomene erklären <sup>3</sup> <sup>6</sup> . Künftige Visualisierungen könnten dynamische Schwellenkurven oder Phasendiagramme mit veränderlicher Schwelle zeigen, um dieses Verhalten anschaulich darzustellen.

**Quellen:** Siehe zitiert u.a. Huang et al. 2016 <sup>1</sup>, Yang & LaCamera 2024 <sup>3</sup>, van den Berg & Rand 2004 <sup>7</sup>, Meisel et al. 2012 <sup>6</sup>, Bdolach et al. 2025 <sup>9</sup>, Kan et al. 2021 <sup>10</sup>.

---

<sup>1</sup> <sup>2</sup> Adaptive Spike Threshold Enables Robust and Temporally Precise Neuronal Encoding | PLOS Computational Biology

<https://journals.plos.org/ploscompbiol/article?id=10.1371/journal.pcbi.1004984>

<sup>3</sup> <sup>5</sup> <sup>12</sup> <sup>13</sup> Co-existence of synaptic plasticity and metastable dynamics in a spiking model of cortical circuits - PMC

<https://pmc.ncbi.nlm.nih.gov/articles/PMC11244818/>

<sup>4</sup> BCM theory - Wikipedia

[https://en.wikipedia.org/wiki/BCM\\_theory](https://en.wikipedia.org/wiki/BCM_theory)

<sup>6</sup> Failure of Adaptive Self-Organized Criticality during Epileptic Seizure Attacks | PLOS Computational Biology

<https://journals.plos.org/ploscompbiol/article?id=10.1371/journal.pcbi.1002312>

<sup>7</sup> Dynamics of T cell activation threshold tuning - PubMed

<https://pubmed.ncbi.nlm.nih.gov/15135038/>

<sup>8</sup> Epigenetic switching as a strategy for quick adaptation while ... - NIH

<https://pmc.ncbi.nlm.nih.gov/articles/PMC6837633/>

<sup>9</sup> Tipping in an adaptive climate network model

<https://arxiv.org/html/2505.04533v1>

<sup>10</sup> [2112.05856] An Adaptive Bounded-Confidence Model of Opinion Dynamics on Networks

<https://arxiv.org/abs/2112.05856>

<sup>11</sup> Dynamic Evolution of Cooperation Based on Adaptive Reputation Threshold and Game Transition

<https://arxiv.org/html/2506.13319v1>